



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
وزارة التربية الوطنية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي دورة 2025

الشعبة: تسيير واقتصاد

اختبار في مادة: الرياضيات

المدة: 03 سا و 30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التعريف الأول: (04 نقاط)

(1)  $(u_n)$  المتتالية العددية المعرفة على  $\mathbb{N}$  ب:  $u_0 = 2$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$  ،  $u_{n+1} = \frac{3}{5}u_n + \frac{8}{5}$

(أ) احسب الحدين  $u_1$  و  $u_2$  ثم خمن اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$

(ب) برهن بالتراجع أنه: من أجل كل عدد طبيعي  $n$  ،  $2 \leq u_n < 4$

(ج) ادرس اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$

(2)  $(v_n)$  المتتالية العددية المعرفة على  $\mathbb{N}$  ب:  $v_n = u_n - 4$

(أ) بين أن المتتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $\frac{3}{5}$  ثم اكتب  $v_n$  بدلالة  $n$

(ب) استنتج كتابة  $u_n$  بدلالة  $n$  ثم احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

(3) نضع: من أجل كل عدد طبيعي  $n$  ،  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

- بين أن:  $S_n = 5\left(\frac{3}{5}\right)^{n+1} + 4n - 1$

التعريف الثاني: (04 نقاط)

$f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  ، تمثيلها البياني  $(C_f)$  يقطع حامل محور الفواصل في نقطتين فاصلتهما 0 و  $\alpha$

(T) مماس لـ  $(C_f)$  عند مبدأ المعطم ، كما في الشكل أدناه.

(1) بقراءة بيانية:

(أ) حدد إشارة كل من  $f(x)$  و  $f'(x)$  على  $\mathbb{R}$

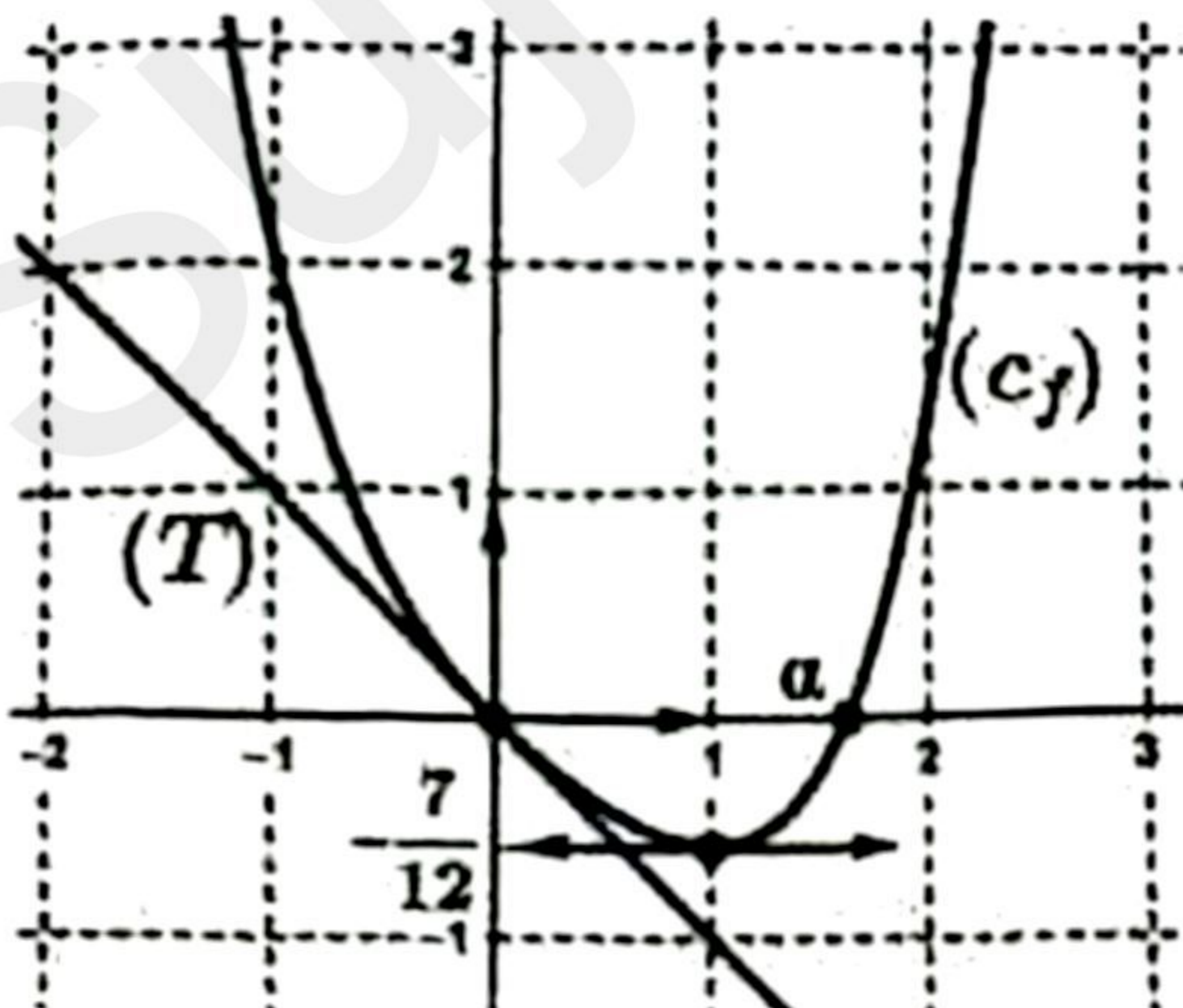
(ب) شكل جدول تغيرات الدالة  $f$

(ج) جد  $f'(0)$  ثم اكتب معادلة للمماس (T)

(2) نقبل أن:  $f(x) = \frac{1}{12}(3x^4 - 4x^3 + 6x^2 - 12x)$

(أ) بين أن:  $1,6 < \alpha < 1,7$

(ب) احسب  $f'(x)$  ثم تحقق من إجابة السؤال (1) (ج).





اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: تسيير واقتصاد / بكالوريا 2025

(3) المتتالية العددية المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $v_n = u_n - \frac{5}{3}$

(أ) بين أن المتتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $\frac{2}{5}$  ثم اكتب  $v_n$  بدلالة  $n$

(ب) استنتج كتابة  $u_n$  بدلالة  $n$  ثم احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$   
 (4) نضع: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

- بين أن:  $S_n = \frac{4}{9} \left(\frac{2}{5}\right)^n + \frac{5}{3}n + \frac{5}{9}$

التمرين الرابع: (08 نقاط)

$f$  الدالة المعرفة بـ:  $f(0) = 0$  ومن أجل كل  $x$  من  $]0; +\infty[$ ،  $f(x) = \frac{1}{4}x^2(2 \ln x - 3)$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(2) (أ) بين أنه: من أجل كل  $x$  من  $]0; +\infty[$ ،  $f'(x) = x(\ln x - 1)$

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكّل جدول تغيراتها.

(3) (أ) بين أن المنحني ( $C_f$ ) يقبل نقطة انعطاف  $A$ ، يُطلب تعيين إحداثياتها.

(ب) عين معادلة  $(T)$  مماس المنحني ( $C_f$ ) عند النقطة  $A$

(4) (أ) احسب  $f\left(e^{\frac{3}{2}}\right)$  ثم ارسم كلاً من  $(T)$  و  $(C_f)$

(ب) ناقش بياناً وحسب قيم العدد الحقيقي  $m$  عدد حلول المعادلة:  $f(x) = m$

(5)  $F$  الدالة المعرفة على  $]0; +\infty[$  بـ:  $F(x) = \frac{1}{36}x^3(6 \ln x - 11)$

(أ) بين أنه: من أجل كل  $x$  من  $]0; +\infty[$ ،  $F'(x) = f(x)$

(ب) استنتج حساب  $\mathcal{A}$  مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحني ( $C_f$ ) والمستقيمت التي معادلاتها:

$x = e$  و  $x = 1$ ،  $y = 0$

(6)  $g$  الدالة المعرفة بـ:  $g(0) = 0$  ومن أجل كل عدد حقيقي غير معدوم  $x$ ،  $g(x) = \frac{1}{4}x^2(2 \ln|x| - 3)$

و ( $C_g$ ) تمثيلها البياني.

- بين أن الدالة  $g$  زوجية ثم ارسم ( $C_g$ ) انطلاقاً من ( $C_f$ ) في المعلم المتأنيق.

الموضوع الثاني

التمرين الأول: ( 04 نقاط )

عين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الآتية مع التبرير.

- (1)  $(u_n)$  متتالية حسابية معرفة على  $\mathbb{N}$ ، أساسها 5 و  $u_2 = 1$ . عبارة  $u_n$  بدلالة  $n$  هي:
- (أ)  $5n - 9$  (ب)  $5n - 4$  (ج)  $5n + 1$

- (2) مجموعة حلول المعادلة  $1 - 3e^{-x} = 0$  في  $\mathbb{R}$  هي:
- (أ)  $\{-\ln 3\}$  (ب)  $\{\frac{1}{3}\}$  (ج)  $\{\ln 3\}$

- (3) مجموعة حلول المتراجحة  $\ln x + \ln(x+3) < 2 \ln 2$  في  $]0; +\infty[$  هي:
- (أ)  $]0; 1[$  (ب)  $]1; +\infty[$  (ج)  $]0; 3[$

- (4) للمعادلة  $x^3 + x - 1 = 0$  حل وحيد  $\alpha$  حيث:
- (أ)  $0,5 < \alpha < 0,6$  (ب)  $0,6 < \alpha < 0,7$  (ج)  $0,7 < \alpha < 0,8$

التمرين الثاني: ( 04 نقاط )

$x$	$-\infty$	$0$	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	$+\infty$	0	$+\infty$

(1) يمثل الجدول المقابل تغيرات الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:

$$f(x) = e^x - x - 1$$

- (أ) من جدول التغيرات، حدد إشارة  $f(x)$  على  $\mathbb{R}$   
 (ب) استنتج أنه: من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$ ،  $e^x \geq x + 1$

(2)  $(\Gamma)$  التمثيل البياني للدالة  $e^x$ ،  $x \mapsto e^x$ ، المماس له عند النقطة ذات الفاصلة 0

(أ) عين معادلة للمماس  $(T)$

(ب) استنتج مما سبق الوضع النسبي لـ  $(\Gamma)$  و  $(T)$

(3)  $F$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $F(x) = e^x - \frac{1}{2}x^2 - x$

- احسب  $F'(x)$  ثم استنتج حساب القيمة المتوسطة للدالة  $f$  على  $]0; 1[$

التمرين الثالث: ( 04 نقاط )

(1)  $f$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = \frac{2}{5}x + 1$ ،  $\frac{-13}{5} < \dots$

- حدد اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة:  $f(x) = x$

(2)  $(u_n)$  المتتالية العددية المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $u_0 = 1$ ، ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_{n+1} = \frac{2}{5}u_n + 1$

(أ) احسب  $u_1$  ثم عين اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$

(ب) برهن بالتراجع أنه: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $1 \leq u_n < \frac{5}{3}$



التمرين الثالث: ( 04 نقاط )

$x$	0	1	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	$+\infty$	0	$+\infty$

(1) يمثل الجدول المقابل تغيرات الدالة  $f$  المعرفة على  $]0; +\infty[$  بـ:

$$f(x) = x - 1 - \ln x$$

(أ) من جدول التغيرات، حدد إشارة  $f(x)$  على  $]0; +\infty[$

(ب) استنتج أنه: من أجل كل  $x$  من  $]0; +\infty[$  ،  $x - 1 \geq \ln x$  ،

(2)  $(\Gamma)$  التمثيل البياني للدالة  $x \mapsto \ln x$  ،  $(T)$  المماس له عند النقطة ذات الفاصلة 1

(أ) عين معادلة للمماس  $(T)$

(ب) استنتج مما سبق الوضع النسبي لـ  $(\Gamma)$  و  $(T)$

(3) (أ) تحقق أن الدالة  $h$  المعرفة على  $]0; +\infty[$  بـ:  $h(x) = x \ln x - x$  أصلية للدالة  $\ln$  على  $]0; +\infty[$

(ب) استنتج حساب القيمة المتوسطة للدالة  $\ln$  على  $[1; e]$

التمرين الرابع: ( 08 نقاط )

(I)  $g$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = 1 - (x+1)e^x$

(1) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  وبين أن:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 1$

(2) (أ) تحقق أنه: من أجل كل عدد حقيقي  $x$  ،  $g'(x) = -(x+2)e^x$

(ب) استنتج اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) احسب  $g(0)$  ثم استنتج حسب قيم  $x$  إشارة  $g(x)$

(II)  $f$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = x + 2 - x e^x$  ،  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب

إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  (وحدة الطول  $2cm$ ).

(1) (أ) احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  وبين أن:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$

(ب) بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذا المعادلة:  $y = x + 2$  مقارب مائل للمنحني  $(C_f)$  عند  $-\infty$

(ج) ادرس الوضع النسبي للمنحني  $(C_f)$  والمستقيم  $(\Delta)$

(2) (أ) بين أنه: من أجل كل عدد حقيقي  $x$  ،  $f'(x) = g(x)$

(ب) استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) بين أن المنحني  $(C_f)$  يقبل مماسا  $(T)$  موازيا لـ  $(\Delta)$  ، يُطلب تعيين معادلة له.

(4) (أ) احسب  $f(-2)$  ،  $f(1)$  ثم ارسم كلا من  $(\Delta)$  ،  $(T)$  و  $(C_f)$

(ب) ناقش بيانيا وحسب قيم العدد الحقيقي  $m$  عدد حلول المعادلة:  $f(x) = x + m$

(5)  $h$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $h(x) = (1-x)e^x$

- احسب  $h'(x)$  ثم استنتج بالسنتيمتر المربع حساب  $A$  مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحني  $(C_f)$

والمستقيمت التي معادلاتها:  $y = x + 2$  ،  $x = -1$  و  $x = 0$

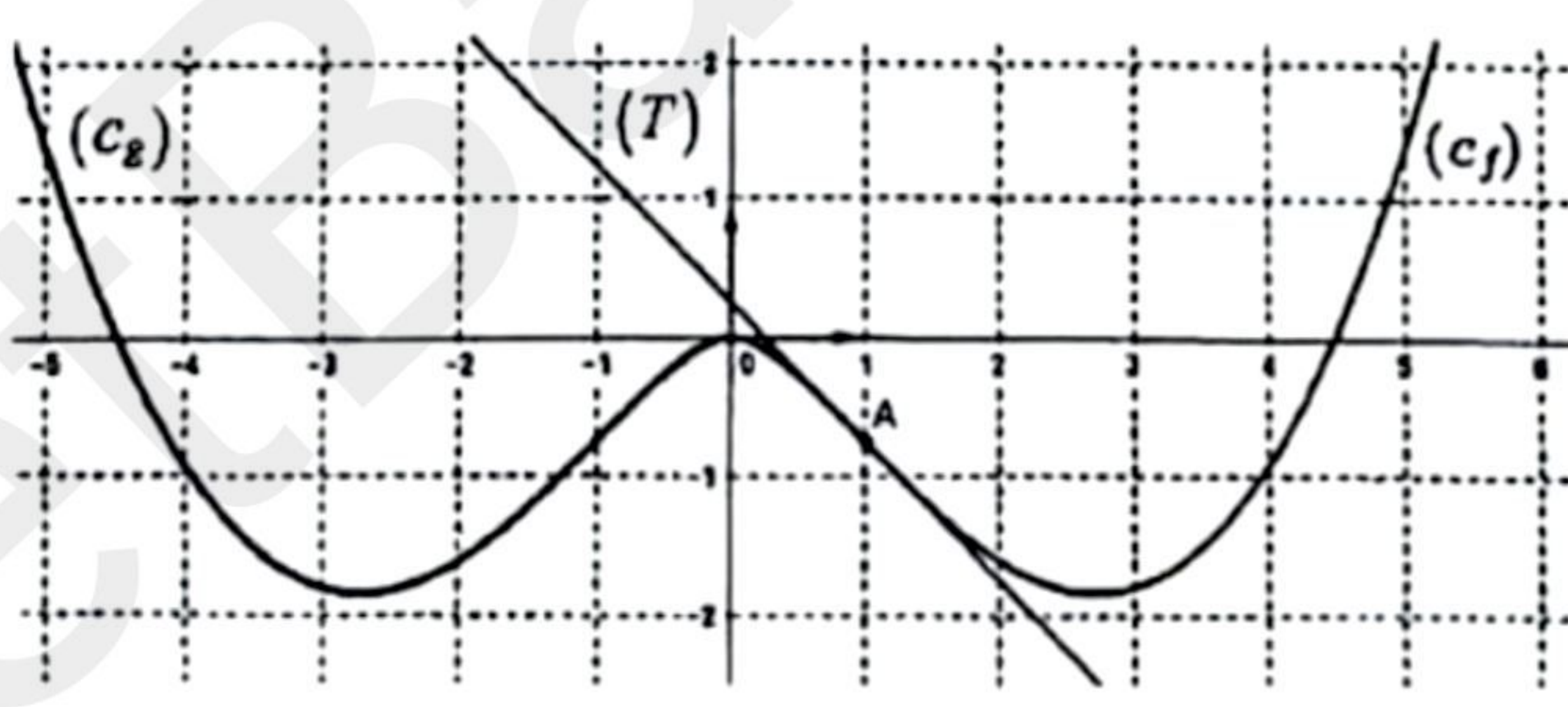
العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)										
العلامة	مجزأة											
التمرين الأول ( 04 نقاط )												
2	0,25×3	(أ) $u_1 = \frac{14}{5}$ و $u_2 = \frac{82}{25}$ ، المتتالية $(u_n)$ متزايدة تماما.										
	0,5+0,25	(ب) البرهان بالتراجع أنه: من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $2 \leq u_n < 4$										
	0,5	(ج) $u_{n+1} - u_n = \frac{2}{5}(4 - u_n)$ ، متزايدة تماما.										
1,5	0,25×2+0,5	(أ) $v_n = -2\left(\frac{3}{5}\right)^n$ ، $v_0 = -2$ ، $v_{n+1} = \frac{3}{5}v_n$										
	0,25×2	(ب) $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 4$ ، $u_n = 4 - 2\left(\frac{3}{5}\right)^n$										
0,5	0,5	(3) $S_n = 5\left(\left(\frac{3}{5}\right)^{n+1} - 1\right) + 4(n+1) = 5\left(\frac{3}{5}\right)^{n+1} + 4n - 1$										
التمرين الثاني ( 04 نقاط )												
2,5	0,5×2	(أ) إشارة $f(x)$										
		<table border="1" style="display: inline-table; margin-right: 20px;"> <tr><td>x</td><td><math>-\infty</math></td><td>0</td><td><math>\alpha</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr> <tr><td>f(x)</td><td>+</td><td>0</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td></tr> </table>	x	$-\infty$	0	$\alpha$	$+\infty$	f(x)	+	0	-	0
	x	$-\infty$	0	$\alpha$	$+\infty$							
f(x)	+	0	-	0	+							
إشارة $f'(x)$												
0,5	0,5×2	(ب) جدول تغيرات الدالة $f$										
		<table border="1" style="display: inline-table; margin-right: 20px;"> <tr><td>x</td><td><math>-\infty</math></td><td>1</td><td><math>+\infty</math></td></tr> <tr><td>f'(x)</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td></tr> <tr><td>f(x)</td><td><math>+\infty</math></td><td><math>-\frac{7}{12}</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr> </table>	x	$-\infty$	1	$+\infty$	f'(x)	-	0	+	f(x)	$+\infty$
x	$-\infty$	1	$+\infty$									
f'(x)	-	0	+									
f(x)	$+\infty$	$-\frac{7}{12}$	$+\infty$									
		(ج) $(T): y = -x$ ، $f'(0) = -1$										
1,5	0,5	(أ) $f$ مستمرة و متزايدة تماما على $[1,6; 1,7]$ و $f(1,6) = -0,047$ ، $f(1,7) = 0,195$ ، ومنه: $1,6 < \alpha < 1,7$										
	0,5×2	(ب) $(T): y = -x$ ، $f'(x) = x^3 - x^2 + x - 1$										
التمرين الثالث ( 04 نقاط )												
1	0,5	(أ) من أجل كل $x$ من $]0; +\infty[$ ، $f(x) \geq 0$										
	0,5	(ب) من أجل كل $x$ من $]0; +\infty[$ ، $x - 1 \geq \ln x$										
1,5	0,75	(أ) $(T): y = x - 1$										
	0,75	(ب) لِمَا $x = 1$ : $(T)$ يمس $(\Gamma)$ في $A(1;0)$ ولِمَا $x \neq 1$ : $(\Gamma)$ أسفل $(T)$										
1,5	0,75	(أ) من أجل كل $x$ من $]0; +\infty[$ ، $h'(x) = \ln x$										

	0,75	$m = \frac{1}{e-1} \int_1^e \ln x dx = \frac{1}{e-1}$ (ب)													
التمرين الرابع ( 08 نقاط )															
0,5	0,25 × 2	$\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 1$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -\infty$	(I (1												
1,25	0,5	(أ) من أجل كل عدد حقيقي $x$ ، $g'(x) = -(x+2)e^x$ ،	(2												
	0,25	(ب) إشارة $g'(x)$ من إشارة $-(x+2)$													
	0,25	الدالة $g$ متزايدة تماما على $]-\infty; -2]$ ومتناقصة تماما على $[-2; +\infty[$													
	0,25	جدول التغيرات:													
		<table border="1" style="display: inline-table;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td><math>-2</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>g'(x)</math></td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td><math>g(x)</math></td> <td></td> <td><math>1+e^{-2}</math></td> <td><math>-\infty</math></td> </tr> </table>	$x$	$-\infty$	$-2$	$+\infty$	$g'(x)$	+	0	-	$g(x)$		$1+e^{-2}$	$-\infty$	
$x$	$-\infty$	$-2$	$+\infty$												
$g'(x)$	+	0	-												
$g(x)$		$1+e^{-2}$	$-\infty$												
0,5	0,25 × 2	<table border="1" style="display: inline-table;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td><math>0</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>g(x)</math></td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> </tr> </table>	$x$	$-\infty$	$0$	$+\infty$	$g(x)$	+	0	-	(3				
$x$	$-\infty$	$0$	$+\infty$												
$g(x)$	+	0	-												
		$g(0) = 0$ إشارة $g(x)$													
1,5	0,25 × 2	(أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$	(II (1												
	0,5	(ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - (x+2)) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (-xe^x) = 0$													
	0,5	أي: $(\Delta)$ ذو المعادلة: $y = x+2$ مقارب مائل للمنحني $(C_f)$ عند $-\infty$													
		(ج) من أجل كل عدد حقيقي $x$ ، $f(x) - (x+2) = -xe^x$ ، لما $x = 0$ : $(\Delta)$ يقطع $(C_f)$ في $A(0;2)$ لما $x < 0$ : $(C_f)$ أعلى $(\Delta)$ ولما $x > 0$ : $(C_f)$ أسفل $(\Delta)$													
1	0,5	(أ) من أجل كل عدد حقيقي $x$ ، $f'(x) = g(x)$ ،	(2												
	0,25	(ب) الدالة $f$ متزايدة تماما على $]-\infty; 0]$													
	0,25	ومتناقصة تماما على $[0; +\infty[$													
		جدول التغيرات:													
		<table border="1" style="display: inline-table;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td><math>0</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td></td> <td>2</td> <td><math>-\infty</math></td> </tr> </table>	$x$	$-\infty$	$0$	$+\infty$	$f'(x)$	+	0	-	$f(x)$		2	$-\infty$	
$x$	$-\infty$	$0$	$+\infty$												
$f'(x)$	+	0	-												
$f(x)$		2	$-\infty$												
0,75	0,5 + 0,25	$f'(x) = 1$ تكافئ $x = -1$ ، $(T): y = x + 2 + \frac{1}{e}$	(3												
2	0,25 × 2	(أ) $f(1) = 3 - e$ ، $f(-2) = 2e^{-2}$	(4												
	0,25 × 2	رسم $(\Delta)$ ، $(T)$ ،													
	0,5	رسم $(C_f)$													
	0,5	(ب) $m > 2 + e^{-1}$ : لا توجد حلول ، $m = 2 + e^{-1}$ او $m \leq 2$ : يوجد حل واحد ، $2 < m < 2 + e^{-1}$ : يوجد حلان مختلفان.													

0,5	0,25+0,25	$A=(4-8e^{-1})\text{cm}^2$ ، $h'(x)=-xe^x$ ، $x$ من أجل كل عدد حقيقي $x$	(5)
-----	-----------	--	-----

ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحل الصحيحة مع التقيّد بسلم التنقيط

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)	العلامة
العلامة	مجزأة		
التمرين الأول ( 04 نقاط )			
1	0,5+0,5	الإجابة أ) ، التبرير: $u_n = u_2 + 5n = 5n - 9$	(1)
1	0,5+0,5	الإجابة ج) ، التبرير: $1 - 3e^{-x} = 0$ تكافئ $x = \ln 3$	(2)
1	0,5+0,5	الإجابة أ) ، التبرير: $x^2 + 3x - 4 < 0$ و $x > 0$ ومنه: $0 < x < 1$	(3)
1	0,5+0,5	الإجابة ب) ، التبرير: الدالة $g: X \rightarrow X^3 + X - 1$ مستمرة و متزايدة تماما على $\mathbb{R}$ و $g(0,6) \times g(0,7) < 0$	(4)
التمرين الثاني ( 04 نقاط )			
1	0,5	أ) من أجل كل $x$ من $\mathbb{R}$ ، $f(x) \geq 0$	(1)
	0,5	ب) من أجل كل $x$ من $\mathbb{R}$ ، $e^x \geq x + 1$	
1,5	1	أ) $(T): y = x + 1$	(2)
	0,5	ب) $(\Gamma)$ أعلى $(T)$ ويتماسان في النقطة $A(0;1)$	
1,5	0,75	أ) من أجل كل $x$ من $\mathbb{R}$ ، $F'(x) = f(x)$	(3)
	0,75	ب) $m = \int_0^1 f(x) dx = e - \frac{5}{2}$	
التمرين الثالث ( 04 نقاط )			
0,75	0,5+0,25	$f$ متزايدة تماما على $\mathbb{R}$ ، حل المعادلة: $f(x) = x$ هو $\frac{5}{3}$	(1)
1,5	0,5+0,25	أ) $u_1 = \frac{7}{5}$ ، $f$ متزايدة و $u_1 > u_0$ وبالتالي: $(u_n)$ متزايدة تماما.	(2)
	0,75	ب) البرهان بالتراجع أنه: من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $1 \leq u_n < \frac{5}{3}$	
1,5	0,5	أ) من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $v_{n+1} = \frac{2}{5} v_n$	(3)
	0,25×2	$v_n = -\frac{2}{3} \times \left(\frac{2}{5}\right)^n$ ، $v_0 = -\frac{2}{3}$	
	0,25+0,25	ب) $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \frac{5}{3}$ ، $u_n = -\frac{2}{3} \times \left(\frac{2}{5}\right)^n + \frac{5}{3}$	

0,25	0,25	$S_n = -\frac{10}{9} \times \left[ 1 - \left( \frac{2}{5} \right)^{n+1} \right] + \frac{5}{3}(n+1) = \frac{4}{9} \left( \frac{2}{5} \right)^n + \frac{5}{3}n + \frac{5}{9}$	(4)												
التمرين الرابع ( 08 نقاط )															
0,5	0,5	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$	(1)												
1,75	0,75	(أ) من أجل كل $x$ من $]0; +\infty[$ ، $f'(x) = x(\ln x - 1)$ ،	(2)												
	0,5	(ب) $f$ متناقصة تماما على $[0; e[$ و متزايدة تماما على $[e; +\infty[$ جدول التغيرات:													
	0,5	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td>0</td> <td><math>e</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td> <td></td> <td>-</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td>0</td> <td><math>-\frac{e^2}{4}</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> </table>	$x$	0	$e$	$+\infty$	$f'(x)$		-	+	$f(x)$	0	$-\frac{e^2}{4}$	$+\infty$	
$x$	0	$e$	$+\infty$												
$f'(x)$		-	+												
$f(x)$	0	$-\frac{e^2}{4}$	$+\infty$												
2,25	0,75 0,25+0,5	(أ) من أجل كل $x$ من $]0; +\infty[$ ، $f''(x) = \ln x$ ، $f'''$ تنعدم وتغير إشارتها عند 1 ومنه: نقطة الانعطاف هي $A\left(1; -\frac{3}{4}\right)$	(3)												
	0,75	(ب) $(T): y = -x + \frac{1}{4}$													
1,5	0,25 0,5+0,25		(4)												
	0,5	(ب) $m < -\frac{e^2}{4}$ : لا توجد حلول ، $m = -\frac{e^2}{4}$ أو $m > 0$ : يوجد حل واحد، $-\frac{e^2}{4} < m \leq 0$ : يوجد حلان مختلفان.													
1,25	0,5	(أ) من أجل كل $x$ من $]0; +\infty[$ ، $F'(x) = f(x)$ ،	(5)												
	0,75	(ب) $A = \int_1^e (-f(x)) dx = F(1) - F(e) = \frac{5e^3 - 11}{36}$ u.a													
0,75	0,25	(أ) من أجل كل $x$ من $\mathbb{R}$ فإن $(-x)$ من $\mathbb{R}$ و $g(-x) = g(x)$ .	(6)												

	0,25×2	ب) $(C_g)$ ينطبق على $(C_f)$ في المجال $[0; +\infty[$ و $(C_g)$ متناظر بالنسبة إلى محور الترتيب ، رسم $(C_g)$
--	--------	---

ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحل الصحيحة مع التقيّد بسلم التنقيط.

0,60	0,50	التمرين التجريبي: (07 نقاط) 1. احتياطات السلامة (الأمنية) التي ينبغي اتخاذها: قفازات، الكمامة، نظارات واقية، منزر، قراءة إشارات الأخطار (بيكتوغرام)، العمل تحت ساحبة الهواء ...												
1,50	0,25×2 0,25×2 0,25×2	2. المجموعة المميزة (الوظيفية) لكل مركب عضوي مع تسميتها: <table border="1"> <thead> <tr> <th>المركب العضوي</th> <th>المجموعة المميزة</th> <th>التسمية</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>حمض البنزويك</td> <td>-COOH</td> <td>المجموعة الكربوكسيلية</td> </tr> <tr> <td>الميثانول</td> <td>-OH</td> <td>مجموعة الهيدروكسيل</td> </tr> <tr> <td>بنزوات الميثيل</td> <td>-COO-</td> <td>مجموعة الكربوكسيل</td> </tr> </tbody> </table>	المركب العضوي	المجموعة المميزة	التسمية	حمض البنزويك	-COOH	المجموعة الكربوكسيلية	الميثانول	-OH	مجموعة الهيدروكسيل	بنزوات الميثيل	-COO-	مجموعة الكربوكسيل
المركب العضوي	المجموعة المميزة	التسمية												
حمض البنزويك	-COOH	المجموعة الكربوكسيلية												
الميثانول	-OH	مجموعة الهيدروكسيل												
بنزوات الميثيل	-COO-	مجموعة الكربوكسيل												
0,25	0,25	3. خصائص تفاعل الأسترة: بطيء - غير تام - لا حراري.												
1,25	0,25 0,50 0,25×2	4. تسمية التركيب التجريبي: التسخين المرتد. المكونات: 1. حامل، 3. أرلينماير، 4. حمام مائي، 5. المزيج المتفاعل، 6. قضيب مغناطيسي، 7. مخلوط مغناطيسي. الفائدة من التركيب التجريبي: إنحفاظ كمية المادة وتسريع التفاعل.												
1,25	0,25×2 0,25×2 0,25	5. حساب كمية المادة الابتدائية لكل متفاعل: $n_0(C_6H_5COOH) = \frac{m}{M} = \frac{36,7}{122} \approx 0,3 \text{ mol}$ $n_0(CH_3OH) = \frac{m}{M} = \frac{\rho V}{M} = \frac{0,79 \times 12,3}{32} \approx 0,3 \text{ mol}$ الامتتاج: المزيج الابتدائي متكافئ في كمية المادة.												
0,25	0,25	6. الغرض من إضافة حمض الكبريت المركز: تسريع التفاعل.												
0,50	0,25 0,25	7. دور المبرد الهوائي: تكثيف الأبخرة المتصاعدة لترتد إلى المزيج المتفاعل. دور القضيب المغناطيسي: الحصول على مزيج متجانس.												
0,50	0,25 0,25	8. تحديد المنحنى الموافق لتصنيع بنزوات الميثيل: المنحنى (2) التبرير: التوافق في الشروط التجريبية في تصنيع الإستر.												
0,25	0,25	9. حساب المرود: $r = \frac{n_{exp}}{n_{th}} = \frac{0,20}{0,3} \approx 0,67$												

		10. التعديلات على البروتوكول لأجل تحسين المردود دون التعديل في التركيب التجريبي:
	0,25	- استبدال الحمض الكربوكسيلي بكلور الأسيل (أو كلور الألكانويل).
0,75	0,25	- نزع الماء.
	0,25	- استعمال مزيج ابتدائي غير متكافئ في كمية المادة.